

**Beispiele für Abbildungen:****Eigenschaften: injektiv, surjektiv, bijektiv**

	Abbildung	injektiv	surjektiv	bijektiv
1)	$M := \{1, 2, 3\}, N := \{a, b, c\}, f : M \rightarrow N$ $1 \mapsto a, 2 \mapsto b, 3 \mapsto b$	-	-	-
2)	$g : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{N}_0, z \mapsto z^2$	-	-	-
3)	$h : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}, n \mapsto n^2$	+	-	-
4)	$k : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, k(x) :=  x $	-	-	-
5)	$w : \mathbb{R}_{\geq 0} \rightarrow \mathbb{R}, w(x) = \sqrt{x}$	+	-	-
6)	$p : M \times N \rightarrow M, (x, y) \mapsto x$ <b>Projektionsabbildung auf <math>M</math></b>	(-)	+	(-)
7)	$x_0 \in M, q : \mathcal{P}(M) \rightarrow \mathcal{P}(M)$ $q(U) = \begin{cases} U & \text{falls } x_0 \in U \\ \emptyset & \text{sonst} \end{cases}$	(-)	(-)	(-)
8)	$y_0 \in N$ fest, $r : M \rightarrow N, x \mapsto y_0$ <b>konstante Abbildung</b>	(-)	(-)	(-)
9)	$\text{id}_M : M \rightarrow M, x \mapsto x$ <b>identische Abbildung auf <math>M</math></b>	+	+	+
10)	$U \subset M, i_U : U \rightarrow M, x \mapsto x$ <b>Inklusionsabbildung</b>	+	-	-
11)	$M = \{1, 2, 3, 4\}, \pi : M \rightarrow M$ $\pi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 4 & 1 & 3 \end{pmatrix} \downarrow$ <b>Permutation der Zahlen 1,2,3,4</b>	+	+	+
12)	$f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x - 1$	+	+	+
13)	$f_1 : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto x^2$	-	-	-
13a)	$f_2 : \mathbb{R}_{\geq 0} \rightarrow \mathbb{R}, r \mapsto r^2$	+	-	-
13b)	$f_3 : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}, r \mapsto r^2$	-	+	-
13c)	$f : \mathbb{R}_{\geq 0} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}, r \mapsto r^2$	+	+	+
14)	$f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^3$	+	+	+

Auf der nächsten Seite geht es noch weiter:

**Bemerkungen:** Bei den Beispielen 6),7) und 8) können  $M$  und  $N$  ganz beliebige nichtleere Mengen sein. Daher gelten in gewissen Spezialfällen auch andere Ergebnisse:

6) Im Falle  $|N| = 1$  (d.h.  $N$  enthält genau ein Element) ist die Projektion  $p$  auch injektiv und damit insgesamt bijektiv.

7) Im Falle  $|M| = 1$  gilt  $\mathcal{P}(M) = \{\emptyset, M\}$ , so daß  $q$  die identische Abbildung auf  $\mathcal{P}(M)$  ist. Diese ist bijektiv (s. Beispiel 9)).

8) Im Falle  $|M| = 1$  ist  $r$  injektiv, im Falle  $|N| = 1$  ist  $r$  surjektiv, und im Falle  $|M| = |N| = 1$  ist  $r$  bijektiv.

### Umkehrabbildung im Falle der Bijektivität:

9)  $(\text{id}_M)^{-1} = \text{id}_M$

11)  $\pi^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}$

12)  $f^{-1} : \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}, f^{-1}(x) = x + 1$

13c)  $f^{-1}(x) = \sqrt{x}$

14)  $f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x}$